

ARKUSZ 5
MATURA 2010

PRZYKŁADOWY ARKUSZ EGZAMINACYJNY Z MATEMATYKI

POZIOM PODSTAWOWY

Czas pracy: 170 minut

Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz zawiera 11 stron.
2. W zadaniach od 1. do 21. są podane 4 odpowiedzi: A, B, C, D, z których tylko jedna jest prawdziwa. Wybierz tylko jedną odpowiedź.
3. Rozwiązania zadań od 22. do 32. zapisz starannie i czytelnie w wyznaczonych miejscach. Przedstaw swój tok rozumowania prowadzący do ostatecznego wyniku.
4. Pisz czytelnie. Używaj długopisu/pióra tylko z czarnym tuszem/atramentem.
5. Nie używaj korektora. Błędne zapisy przekreśl.
6. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie podlegają ocenie.
7. Obok numeru każdego zadania podana jest maksymalna liczba punktów możliwych do uzyskania.
8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora.

Za rozwiązanie
wszystkich zadań
można otrzymać
łącznie **50 punktów**.

Życzymy powodzenia!

ZADANIA ZAMKNIĘTE

W zadaniach od 1. do 21. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi jedną poprawną odpowiedź.

Zadanie 1. (1 pkt)

Wartość wyrażenia $W = \sqrt[3]{16} - 2\sqrt{50} + 4\sqrt{32} - \sqrt[3]{250}$ jest równa:

- A. $2\sqrt[3]{4} + 6\sqrt{2} - 5\sqrt[3]{10}$ B. $-3\sqrt[3]{2} + 6\sqrt{2}$ C. $2\sqrt[3]{4} - 26\sqrt{2} - 5\sqrt[3]{10}$ D. $-3\sqrt[3]{2} - 26\sqrt{2}$

Zadanie 2. (1 pkt)

Liczba 120 jest o 50% większa od liczby x . Wynika stąd, że:

- A. $x = 200$ B. $x = 180$ C. $x = 80$ D. $x = 60$

Zadanie 3. (1 pkt)

Jeśli $\log_2 7 = a$, to liczba $\log_2 56$ jest równa:

- A. $8a$ B. $a + 8$ C. $3a$ D. $a + 3$

Zadanie 4. (1 pkt)

Jeżeli $\frac{9x^2 - 16y^2}{3x - 4y} = 25$, to:

- A. $3x + 4y = 25$ B. $3x - 4y = 25$ C. $3x + 4y = 5$ D. $3x - 4y = 5$

Zadanie 5. (1 pkt)

Sześcian liczby $2 + \sqrt{3}$ jest równy:

- A. 7 B. $15\sqrt{3} + 26$ C. 11 D. $35 + 12\sqrt{7}$

Zadanie 6. (1 pkt)

Zosia czyta k stron w ciągu m godzin. Wynika stąd, że w ciągu $m + 5$ godzin przeczyta stron:

- A. $\frac{k(m+5)}{m}$ B. $\frac{5m}{k}$ C. $\frac{k}{m} + 5$ D. $\frac{k+5}{m}$

Zadanie 7. (1 pkt)

Jeżeli $2x - 5 = \sqrt{3}x - 1$, to:

- A. $x = \frac{4}{2\sqrt{3}}$ B. $x = \frac{-6}{2\sqrt{3}}$ C. $x = \frac{4}{2-\sqrt{3}}$ D. $x = \frac{-6}{2-\sqrt{3}}$

Zadanie 8. (1 pkt)

Wyrażenie $W = \frac{(2x+3)^2}{(4x^2-9)^2}$ po skróceniu ma postać:

- A. $\frac{1}{2x-3}$ B. $\frac{1}{2x+3}$ C. $\frac{1}{(2x+3)^2}$ D. $\frac{1}{(2x-3)^2}$

Zadanie 9. (1 pkt)

Równanie $x^2 - 6x + c = 0$ nie ma rozwiązania, gdy:

- A. $c \in (9, +\infty)$ B. $c \in (9, +\infty)$ C. $c \in (-\infty, 9)$ D. $c \in (-\infty, 9)$

Zadanie 10. (1 pkt)

Zbiorem rozwiązań nierówności $16 - x^2 > 0$ jest:

- A. $(-\infty, 4)$ B. $(4, +\infty)$ C. $(-4, 4)$ D. $(-\infty, -4) \cup (4, +\infty)$

Zadanie 11. (1 pkt)

Suma ciągu arytmetycznego jest określona wzorem $S_n = 3n^2 + 6n$. Drugi wyraz tego ciągu jest równy:

- A. 24 B. 15 C. 6 D. 2

Zadanie 12. (1 pkt)

Pierwszy wyraz ciągu arytmetycznego jest równy $\log_5 3$, a drugi wyraz $\log_5 15$. Różnica tego ciągu to liczba:

- A. $\log_5 45$ B. $\log_5 12$ C. 12 D. 1

Zadanie 13. (1 pkt)

Ciąg $(\log_2 \frac{1}{16}, x, -1)$ jest geometryczny. Wynika z tego, że:

- A. $x = -\frac{1}{16}$ B. $x = \frac{1}{16}$ C. $x = -\frac{1}{4} \vee x = \frac{1}{4}$ D. $x = -2 \vee x = 2$

Zadanie 14. (1 pkt)

Nieprawdą jest, że:

- A. $\sin 25^\circ < \sin 34^\circ$ B. $\operatorname{tg} 2^\circ < \operatorname{tg} 64^\circ$ C. $\cos 15^\circ < \cos 24^\circ$ D. $\cos 23^\circ > \cos 44^\circ$

Zadanie 15. (1 pkt)

Prosta o równaniu $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x + 1$ jest nachylona do osi OX pod kątem α , takim, że:

- A. $\alpha = 30^\circ$ B. $\alpha = 45^\circ$ C. $\alpha = 60^\circ$ D. $\alpha > 60^\circ$

Zadanie 16. (1 pkt)

Stosunek długości podstawy do ramienia trójkąta równoramiennego jest równy $2 : 3$. Ramię jest nachylone do podstawy pod kątem α , takim, że:

- A. $\cos \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$ B. $\cos \alpha = \frac{2}{3}$ C. $\sin \alpha = \frac{1}{3}$ D. $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$

Zadanie 17. (1 pkt)

W trójkącie jeden z kątów jest o 20° większy od najmniejszego, a trzeci kąt jest trzykrotnie większy od najmniejszego. Najmniejszy z kątów tego trójkąta ma miarę:

- A. $7,5^\circ$ B. 32° C. 40° D. 54°

Zadanie 18. (1 pkt)

Dany jest trójkąt ABC o kącie 80° przy wierzchołku C . Kąt między dwusieczną tego kąta a wysokością poprowadzoną z wierzchołka C ma miarę 15° . Wynika stąd, że kąt ABC jest równy:

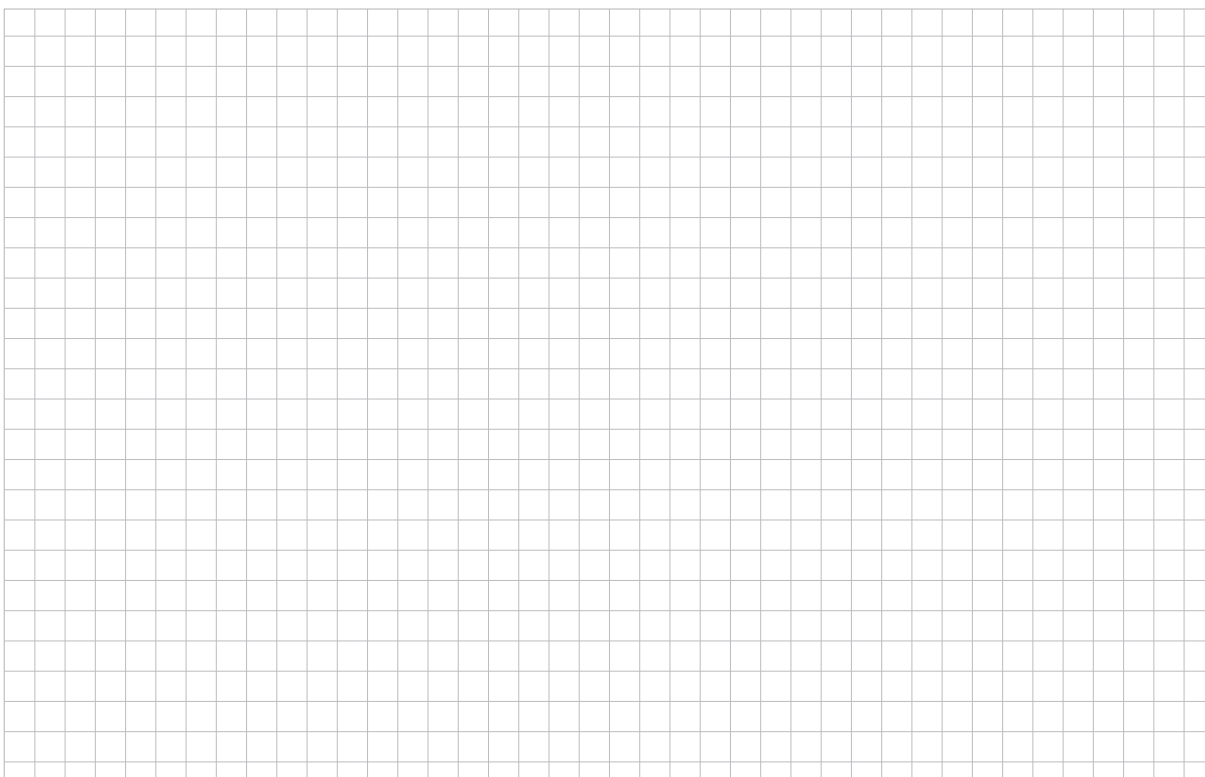
- A. 15° B. 35° C. 75° D. 105°

Zadanie 23. (2 pkt)

Dane są dwa przeciwległe boki kwadratu $A = (1, -3)$, $C = (-5, -1)$. Wyznacz obwód tego kwadratu.

**Zadanie 24. (2 pkt)**

Wyznacz współrzędne środka i promień okręgu o równaniu $x^2 - 4x + y^2 + 12y + 31 = 0$.



Zadanie 25. (2 pkt)

Wyznacz równanie prostej prostopadłej do prostej o równaniu $y = -4x + 3$ przechodzącej przez punkt $P = (12, -8)$.

**Zadanie 26. (2 pkt)**

Wysokość prostopadłościanu o podstawie kwadratowej jest dwa razy dłuższa od krawędzi podstawy. Objętość prostopadłościanu jest równa $6\sqrt{3}$. Wyznacz pole powierzchni całkowitej tego prostopadłościanu.




Zadanie 27. (2 pkt)

Średnia arytmetyczna liczb a, b, c jest równa 15. Oblicz średnią arytmetyczną liczb $a + 7, b + 3, c + 8$.

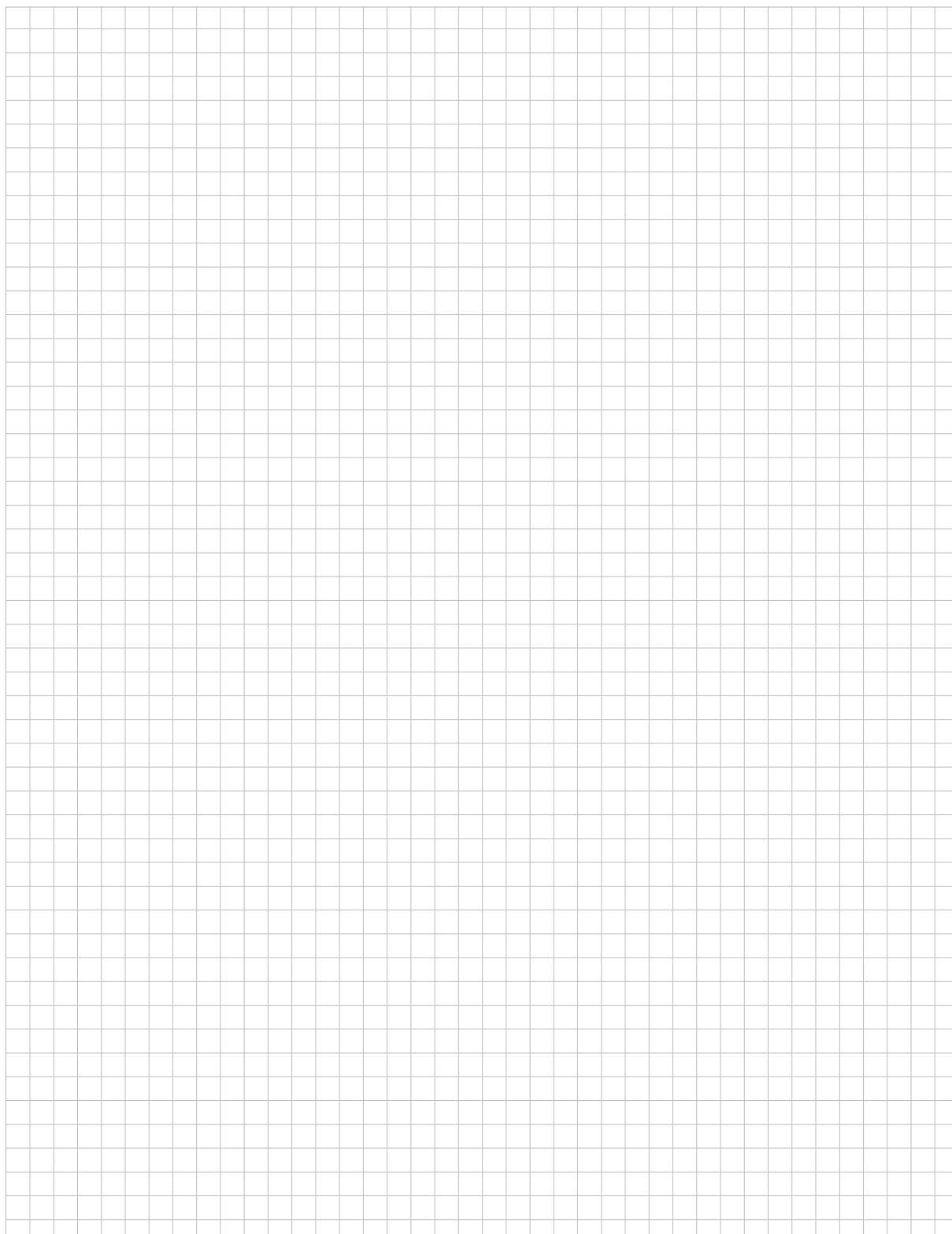
**Zadanie 28. (2 pkt)**

Zdarzenia $A, B \subset \Omega$ spełniają warunki $P(A') = \frac{1}{3}$, $P(B') = \frac{2}{5}$, $P(A \cap B) = \frac{3}{4}$. Wyznacz $P(A \cup B)$.



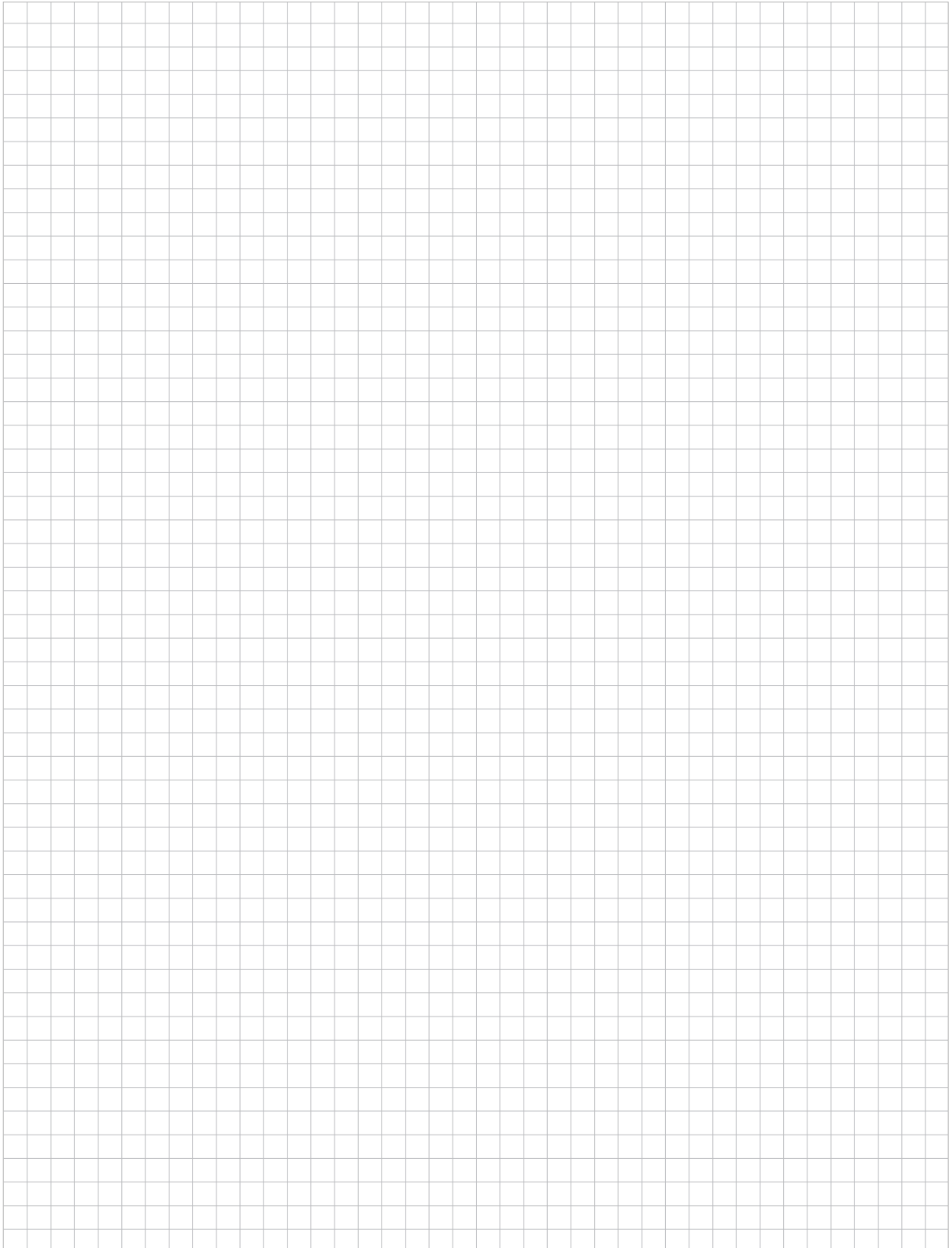
Zadanie 29. (4 pkt)

Jasiek zatrudnił się na początku wakacji do zbierania truskawek. Każdego dnia zbierał taką samą liczbę kilogramów i w sumie uzbierał 72 kilogramy. Gdyby każdego dnia zbierał o 2 kilogramy więcej, to tę samą ilość truskawek uzbierałby w czasie krótszym o trzy dni. Oblicz, ile kilogramów truskawek zbierał Jasiek każdego dnia i w ciągu ilu dni je zbierał.



Zadanie 30. (5 pkt)

W trójkącie prostokątnym ABC dane są $|AC| = 12$, $|\angle CAB| = 60^\circ$. Poprowadzono prostą równoległą do przeciwprostokątnej AB dzielącą bok AC w stosunku $1 : 5$, licząc od wierzchołka C . Prosta ta przecina bok AC w punkcie M , a bok BC w punkcie N . Oblicz pole trapezu $ABNM$.



Zadanie 31. (6 pkt)

Metalową kulę o promieniu $R = 3$ cm przetopiono na stożek. Tworząca stożka jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem α , takim, że $\sin \alpha = \frac{\sqrt{5}}{5}$. Wyznacz promień podstawy tego stożka.

